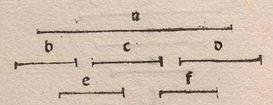
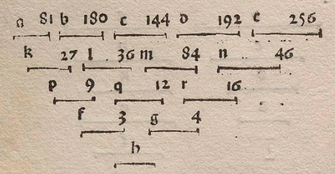
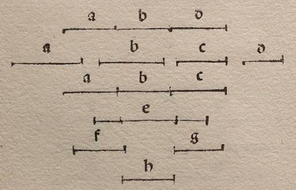






tiens oportet assumptam. Non est igit̄ .c. diuersus ab eis: qō est etiā cōtra ypothe; itaq; constat vez esse qō proponit̄. ℙropositio .4.

SI ꝓpositus fuerit numer⁹ minus quē numerāt primi assignati nō numerabit eū aliquis numerus primus ꝓter illos assignatos.

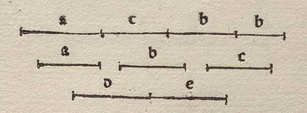
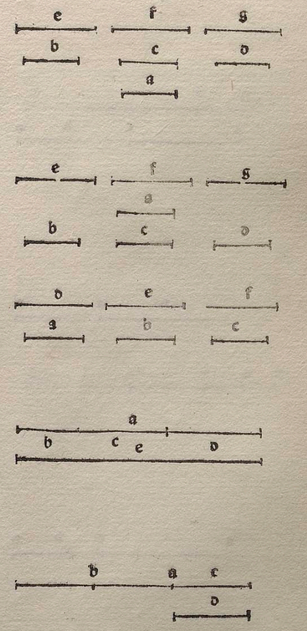
¶ Sit .a. minimus numerus numerat⁹ a numeris primis qui sūt .b. c.d. dico q alius primus ꝓter eos nō numerabit .a. Sin autem sit .c primus numerās cū ꝑm. f. q; ergo quilibet numeroz .b.c.d. numerat .a. ꝓductū ex e.in.f. ē autē quilibet eorum primus sequitur ex .33. septimi: vt quilibet coz numeret .e. vel .f. sed .e. nullus numerat cū sit primus: quilibet ergo coz numerat .f. cum itaq; sit .f. minor .a. vtpote qui numerat eū ꝑm. e. nō erit .a. minimus numeratus ab illis qō est inconueniens. ℙropositio .15.

SI quotlibet numeri continue proportionales ꝑm suā proportionē fuerint minimi: quicūq; aliquē illoz̄ numerat alteri terminoz̄ illius ꝓportionis erit cōmensurabilis

¶ Sint .a.b.c.d.e. cōtinue ꝓportionales z minimi ꝑm ꝓportionez f.ad.g. qui sint in sua ꝓportione minimi: z ponatur .b. numerare .c. dico q .b. est cōmensurabilis .f. vel .g. sumant̄ eni in eadē ꝓportione quatuor minimi qui sunt .k.l.m.n. cōstat aūt ex scōa octaui q ex .f.in.m. fit .c. aliōquin cōtingeret esse minus minimo qō esse nō potest. itaq; per correl̄. 33. septimi erit .b. cōmensurabilis .f. vel .m. q; si .f. cōstat ꝓpositum: si aūt .m. sumant̄ in eadē ꝓportione tres minimi qui sint .p .q.r. eritq; ex scōa octaui vt .m. fiat ex .f.in .r. ne minus minimo aliqd eē cogamur cōcedere: ꝯre per predictū correl̄ .b. ē cōmensurabilis .f. vel .r. sed nō erat .f. sic eni constabat propositū: cōmensurabilis igitur ē .r. qui cum ex secūda octaui fiat ex .g. in se sequitur ex dicto correl̄. ut .b. sit cōmensurabilis .g. qō est propositum. ℙropositio .16.

SI fuerint numeri quotlibet cōtinue proportionales i sua proportione minimi quilibet eoz̄ ad compositum ex reliquis primis esse necessario comprobatur.

¶ Sint .a.b.c.d. cōtinue ꝓportionales z minimi. dico cōpositū ex .a b.c. primū esse ad .d. Si eni nō numerabit aliquis numerus qui sit .c cōpositū ex .a.b.c.z.d. ꝑ ꝑmissā igit̄ erit .c. cōicans alteri terminoz̄ illius ꝓportionis qui sunt .f.z.g. erit itaq; numer⁹ aliq̄s numerās .c. z alterum duorum .f.g. qui sit .b. quia ergo .b. numerat .c. numerabit .d. z cōpositum ex .a. b.c. z quia numerat .f. vel .g. quorū vterq; numerat vtrūq; mediorum z simpliciter oēs si ꝑes duobus sint: ex secūda octaui sequit̄ ut ipse numeret .b.z.c. ergo z .a. q; numerat totum a.b.c. nō sunt igit̄ .a.z.d. ꝑ se ꝑmi qō ē inconueniēs ꝑ. 3. octaui: silr quoq; constabit ꝓpositū ex .a.b.d. ꝑmū eē ad .c. si eni vt prius .c. numerat ābos sequit̄ ꝑ ꝑmissam ut aliquis numerus qui etiā sit .b. numeret .c.z alterū duorū .f.g. itaq; .b. numerat .c.z totū .a.b.d. sed z .b. cū vtraq; radicū numeret omnes medios: igit̄ z cōpositū ex .a.z.d. z q; necessario numerat alterū duorū .a.d. cū numeret alterū duorū .f.g. numerabit z reliquū. Nō sūt igitur .a.z.d. cōtra se primi: z ita idē ut prius. ¶ Demōstrāt aūt idē aliter de trib⁹ cōtinue ꝓportiōalib⁹ z minimis sine aminiculo ꝑmisse, p; bāt eni ex quibusq; duob⁹ cōpositū ꝑmū eē ad reliquū. sint itaq; .3. cōtinue ꝓportionales z mīni. a.b.c. quoz̄ termini .d.z.e. dico tūc compositum ex .a.z.b. primū

esse ad .c. z cōpositū ex .b.z.c. ad .a. itēq; ex .a .z.c. ad .b. manifestū enim est ex secunda octaui qō ex .d. in se fit .a. z in .e. fit .b. z ex .e. in se .c. z ex .22. septimi. qō .d. z .e. sūt cōtra se primi: itaq; ex ꝑma ꝑte .29. eiusdē erit tot⁹ .d.e. ꝑm⁹ ad vtrūq; coz q; igit̄ vterq; duoz̄ numeroz̄ .d.z.d.e. prim⁹ ē ad .e. erit ꝑ .25. eiusdē qui ex .d. in .d e. ꝓducitur z ipse ē cōpositus ex .a.z.b. ꝑmus ad .c. sequit̄ ergo ꝑ .26. eiusdē. ut etiā cōpositus ex .a.z.b. sit ꝑm⁹ ad .c. sit eni .c. ex .e. i se ¶ Simili quoq; demōstratōe ꝑ/babis cōpositū ex .b.z.c. ꝑmū esse ad .a. At vero cōpositū ex .a.z.c. ꝑmū esse ad .b: sic habebitoz̄ cū sit eni vterq; duoz̄ .d.z.e. ꝑmus ad totum .d.e. erit ꝑ .25. septimi qui ex .d. in .e. ꝓducit̄: z ipse est .b. ꝑmus ad .d.e. itaq; ꝑ .26. eiusdē qui ex .d. e. in se ꝑ/uenit: z ipse est qui cōponit̄ ex .a.z.c.z duplo .b. primus erit ad .b. sequit̄ ergo compositū ex .a.z.c. ꝑmū esse ad .b. necesse eni ē ut ex duobus cōpositus cū primus fuerit ad vnū coz ex quib⁹ componit̄: sit primus ad reliquū: demonstratum aūt ē hoc supra .29. septimi. Oportet aūt stabilire ad robur istius demonstratiōis compositū ex .a.z.b. ꝓduci ex .d. in cōpositū ex .d.z.e. suppositio q ex .d. in se fit .a. z ex codez in .e.b. itēq; q ex .d.e. i se ꝓducat̄ cōpositū ex .a.z.c.z duplo .b. suppositio eo quod prius z q ex .e. in se sit .c. huius itaq; gra ꝓponim⁹ hec demonstrāda.

¶ Nō fit ex ductu vni⁹ numeri i quotlibet tantū ē: quantū qō ex ductu eiusdē i cōpositū ex illis. ¶ Idē ꝓponit ꝑma scōi de lineis. Sit eni ut ex .a. i. b z in .c. z in .d. ꝓueniant .e.z.f.z.g. dico q ex .a. in cōpositū ex .b.z.c.z. d. ꝓuenit cōpositū ex .e.z.f.z.g. sequit̄ eni ex cōuersione diffinitionis eius qō multiplicat̄ ut tota pars sit .b.c.z tota .c.f. sed z .d. tota .g. quota ē vnitas .a. per quintā itaq; se/primi: tota quoq; ps erit cōpositus ex .b.z.c.z.d. compositi ex .e.z.f.z.g. quota est vnitas .a. ergo per diffinitionē ex .a. in cōpositū ex .b.z.c.z.d. fit cōpositus ex .e.z f.z.g. qō est propositū. ¶ Nō fit ex ductu quotlibet numeroz̄ in vnum equū ē ei qō fit ex cōposito eoz̄ in eundē. ¶ Hoc ē cōuersū eius qō modo demonstratū ē: vt si ex .b.z.c.z.d. in .a. fiant .e.z.f.z.g. fiet quoq; cōpositus ex cōposito i eundē: qō ex .17. septimi z ꝑdemonstrato facile cōcludit̄. ¶ Nō fit ex ductu quotlibet numeroz̄ in quotlibet alios: equū est ei qō fit ex cōpositoz̄ in compositū illoz̄. ¶ Vt si .a.b.c. multiplicēt .d.e.f. quilibet quē/libet: iungant̄q; ꝓducta. dico aggregatū ex ꝓductis esse equale ꝓducto ex cōposito ex .a.z.b.z.c. in cōpositū ex .d.z.e.z.f. est eni ꝑ premissam qō fit ex cōposito ex .a.b.c. in .d. quātū qō ex singulis in illū .d. sic z in .c.z in .f. ex cōposito aūt horū a.b.c. in quēlibet illoz̄ .d.e.f. ꝑ ante ꝑmissā fit quātū ex cōposito in cōpositū. itaq; constat ꝓpositū. ¶ Numero in quotlibet ꝑtes diuiso: tantū est qō fit ex toto eo in se: quantū qō ex eo in omnes suas ꝑtes. ¶ Idē ꝓponit scōa se/cundi de lineis. vt si .a. diuidat̄ in .b.z.c.z.d. dico qō tantum fit ex .a. in se quantū in oēs illos .b.c.d. posito eni .e. equali .a. constat ex prima haz incidentū tm̄ fieri ex .e. in .a. quātū in oēs ꝑtes .a. sed ꝑ cōcept. ex .e. in .a. fit quātum ex .a. in se. z ex .e in ꝑtes .a. quātū ex .a. in easdē. Manifestū ergo ē vez esse qō dicit̄. ¶ Numero in duo diuiso qō fit ex toto in alterum diuidentium: tm̄ est quantū qō ex eodem in se z in alterum. ¶ Idem proponit tertia scōi de lineis. Sit eni .a diuisus in .b.z.c. dico tm̄ fieri ex .a. in .c. quātū ex .c. in se. z in .b. Nam qō ex .a. i. c. ē quātū qō ex .c. in .a. ꝑ .17. septimi. sumpto itaq; .d. equali .c. erit .a. in .c. quantum d. in .a. At ꝑ primā harū .d. in .a. ē quantū in .b.z.c. q; ergo .d. in .a. z i. b.z.i.c. ē quantum .c. in .a. z in .b. z in se ꝓpter equalitatem .c.z.d. constat ꝓpositum.